

# Seleção de Produto, Qualidade e Propaganda

Roberto Guena

USP

7 de setembro de 2010

# Sumário

A noção do espaço de produtos

Seleção de produto

# Direfenciação vertical

Dizemos que dois produtos são verticalmente diferenciados quando, qualquer que seja a característica sob a qual os dois são comparados, *todos* os consumidores preferem um desses produtos ao outro.

## Exemplos

- ▶ Um computador com 8Gb de memória RAM e outro computador com 2Gb de memória RAM e idêntico ao primeiro sob outros aspectos.
- ▶ Um quarto de hotel com ar condicionado, todos os canais de tv a cabo e área de 70m<sup>2</sup> e um quarto de hotel sem ar-condicionado, sem televisão e área de 15m<sup>2</sup>.

## Exemplo

Cada consumidor consome zero ou uma unidade do bem e tem função de utilidade

$$U(x, s, q) = \begin{cases} u(x) + s & \text{caso } q = 1 \\ u(x) & \text{caso } q = 0 \end{cases}$$

na qual  $s$  é um índice de qualidade do bem em questão e  $q$  é uma variável que assume valor 1 caso o bem tenha sido adquirido e 0 caso contrário.

Seja  $I$  a renda do consumidor e suponha que  $p$  seja pequeno em relação a  $I$ . Então, o ganho de utilidade do consumidor ao adquirir um bem com qualidade  $s$  será:

$$U(I - p, s, 1) - U(I, s, 0) \approx -u'(I)p + s$$

## Exemplo

Chamando  $1/u'(I) = \theta$  e normalizando  $u(I) = 0$  ficamos com a seguinte função de utilidade

$$u = \begin{cases} s - \frac{p}{\theta} & \text{caso } q = 1 \\ 0 & \text{caso } q = 0 \end{cases}$$

Caso  $u(x)$  seja côncava,  $\theta$  será crescente em relação à renda.

# Diferenciação horizontal

Dizemos que dois produtos são horizontalmente diferenciados quando há divergência entre os consumidores acerca de qual produtos possui a característica mais desejada.

## Exemplos:

- ▶ Automóveis idênticos com cores diferentes
- ▶ Lojas em localidades diferentes
- ▶ Comidas com temperos diferentes

## Exemplo: modelo de cidade linear de Hotelling

- ▶ Consumidores são distribuídos uniformemente ao longo de uma cidade linear com extensão igual a 1.
- ▶ Duas lojas vendem exatamente o mesmo produto. Cada loja está localizada em um extremo da cidade.
- ▶ Os consumidores têm um custo de transporte de  $t$  por unidade de distância e consomem zero ou uma unidade do bem.
- ▶  $\bar{s}$  é o preço total máximo (incluindo custo de transporte) que um consumidor aceita pagar para comprar o bem.
- ▶  $p_1$  e  $p_2$  são os preços cobrados pelas lojas 1 e 2, respectivamente.

## Exemplo: modelo de cidade linear de Hotelling

Um consumidor localizado a uma distância  $x$  da loja 1 deverá

- ▶ comprar da loja 1 caso  $\bar{s} \geq p_1 + tx$  e  $p_1 + tx < p_2 + t(1 - x)$
- ▶ comprar da loja 2 caso  $\bar{s} \geq p_2 + t(1 - x)$  e  $p_1 + tx > p_2 + t(1 - x)$
- ▶ não comprar o produto caso  $\bar{s} < p_1 + tx$  e  $\bar{s} < p_2 + t(1 - x)$



## Bens como cestas de características

- ▶ Bens são considerados cestas de características.
- ▶ As preferências dos consumidores são definidas com relação ao total provido por todos bens consumidos de cada característica.
- ▶ Problema: nem sempre faz sentido somar as características de bens diferentes.

# Abordagem da teoria do consumidor tradicional

$$U(q_0, q_1, \dots, q_n)$$

Essa especificação da função de utilidade é excessivamente genérica. Formas funcionais específicas são usualmente aplicadas. Por exemplo:

$$u = u \left[ q_0, \left( \sum_{i=1}^n q_i^\rho \right)^{1/\rho} \right]$$

Nesse caso, a função de utilidade pode ser muito específica.

# Sumário

A noção do espaço de produtos

Seleção de produto

Escolha de qualidade

Número de produtos

# Escolha ótima

Se uma empresa pode produzir apenas um tipo de produto com qualidade  $s$ . Que nível de qualidade deve escolher?

Decisão de um planejador social

$$\max_{q,s} W(q, s) = \int_0^q P(x, s) dx - C(q, s)$$

Em que

$P(q, s)$  é a função de demanda inversa.

$C(q, s)$  é a função de custo.

# Condições de ótimo

1. Igualdade entre preço de demanda e custo marginal:

$$P(q, s) = C_q(q, s)$$

2. Igualdade entre custo marginal médio da qualidade e valor marginal médio da qualidade:

$$\int_0^q P_s(x, s) dx = C_s(q, s)$$

ou

$$\frac{\int_0^q P_s(x, s) dx}{q} = \frac{C_s(q, s)}{q}$$

# Condição de lucro máximo do monopolista

$$\max_{q,s} \Pi^m(q,s) = qP(q,s) - c(q,s)$$

Condições de primeira ordem:

$$P(q,s) + qP_q(q,s) = C_q(q,s)$$

e

$$qP_s(q,s) = C_s(q,s)$$

ou

$$P_s(q,s) = \frac{C_s(q,s)}{q}$$

## Conclusão

Enquanto o critério de eficiência pede que se iguale o benefício marginal médio (ao longo da curva de demanda) da qualidade com seu custo marginal médio (por unidade consumida), o monopolista iguala o benefício marginal da qualidade, calculado para o consumidor marginal a seu custo marginal.

# Exemplo 1

**Função de utilidade:**  $U_i = \theta_i s - p$  caso o consumidor consuma uma unidade do bem e  $U = 0$  caso contrário.

**Consumidores** são pontos do intervalo  $[0, 1]$ .  
Classificados em ordem crescente de acordo com  $\theta$ .

**Distribuição de  $\theta$**   $F(\theta)$  é a fração dos consumidores com  $\theta_i < \theta$ .  $F^{-1}(q)$  é o valor de  $\theta$  para o qual  $F(\theta) = q$ .

**Função de demanda**  $q = 1 - F(p/s)$  ou  
 $p = P(q, s) = sF^{-1}(1 - q)$ .



## Exemplo 1 (continuação)

Disposição marginal média a pagar

$$\frac{1}{q} \int_0^q P_s(x, s) dx = \frac{1}{q} \int_0^q F^{-1}(1 - x) dx$$

Disposição marginal marginal a pagar

$$P_s(q, s) = F^{-1}(1 - q)$$

Subprovisão de qualidade

Como  $F^{-1}$  é uma função crescente, temos  $x \leq q \Rightarrow F^{-1}(1 - x) \geq F^{-1}(1 - q)$ , o que implica que a disposição marginal a pagar pela qualidade é inferior à disposição marginal média a pagar.

## Exemplo 1'

- ▶  $\theta$  é uniformemente distribuído no intervalo  $[0, 1]$ ;
- ▶ a função de custo é

$$C(q, s) = q \frac{cs^2}{2}$$

- ▶ Calcule a propensão marginal média a pagar e a propensão marginal marginal a pagar pela qualidade.
- ▶ Verifique que, quando as diferenças de produção são levadas em consideração, o monopolista e um planejador social escolhem a mesma qualidade.

## Exemplo 2: duração ótima

- ▶  $s$  é a duração do produto (ex. lâmpada).
- ▶ consumidores estão preocupados apenas com o tempo de serviço que adquiriram:  $U(q, s) = v(qs)$ , ou, em termos de função de demanda  $P(q, s)/s = \tilde{P}(qs)$ .

## Exemplo 2 (continuação) – Solução ótima

O planejador social deve maximizar

$$\begin{aligned}W(q, s) &= \int_0^q P(x, s) dx - c(s)q \\ &= \int_0^q s\tilde{P}(xs) dx - c(s)q \\ &= \int_0^{\tilde{q}} \tilde{P}(\tilde{x}) d\tilde{x} - \frac{c(s)}{s} \tilde{q}.\end{aligned}$$

A maximização sobre  $q$  e  $s$  é equivalente à maximização sobre  $\tilde{q}$  e  $s$ . Portanto, o planejador social deve escolher  $s$  de modo a minimizar o custo médio da durabilidade ( $c(s)/s$ ).

## Exemplo 2 (continuação) – Solução de monopólio

O lucro do monopolista é

$$\begin{aligned}\Pi^m(q, s) &= qP(q, s) - c(s)q \\ &= qs \left( \tilde{P}(qs) - \frac{c(s)}{s} \right) \\ &= \tilde{q} \left( \tilde{P}(\tilde{q}) - \frac{c(s)}{s} \right)\end{aligned}$$

Para maximizar seu lucro, o monopolista também deverá escolher  $s$  de modo a minimizar o custo médio da durabilidade. Assim, nesse exemplo, o monopólio não introduz distorção de qualidade.

## Exemplo 3: A condição de Dorfman-Steiner

**Função de demanda:**  $D(p, s)$  em que  $p$  é o preço do produto e  $s$  é o gasto com propaganda.

**Função de custo:**  $C(q) + s$  em que  $q$  é a quantidade produzida.

O problema do monopolista é:

$$\max_{p,s} \Pi^m(p, s) = pD(p, s) - C(D(p, s)) - s$$

## Exemplo 3: condições de primeira ordem.

$$\partial \Pi / \partial p = 0$$

$$D(p, s) + p D_p(p, s) = C'(D(p, s)) D_p(p, s)$$

$$- D_p(p, s) (p - C'(D(p, s))) = D(p, s)$$

$$- D_p(p, s) \frac{p}{D(p, s)} = p$$

$$\varepsilon_p (p - C'(D(p, s))) = p.$$

## Exemplo 3: condições de primeira ordem

$$\partial \Pi / \partial s = 0$$

$$pD_s(p, s) - C'(D(p, s))D_s = 1$$

$$D_s(p, s)(p - C'(D(p, s))) = 1$$

$$D_s(p, s) \frac{s}{D(p, s)} (p - C'(D(p, s))) = \frac{s}{D(p, s)}$$

$$\varepsilon_s(p - C'(D(p, s))) = \frac{s}{D(p, s)}$$



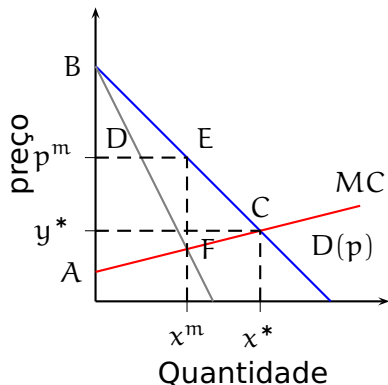
## Exemplo 3: A condição de Dorfman-Steiner

Dividindo a última condição pela primeira ficamos com

$$\frac{s}{pq} = \frac{\varepsilon_s}{\varepsilon_p}$$

# Não apropriação de excedente e subprovisão de diversidade

o caso de um novo produto com demanda independente



Condição de eficiência para oferta do bem

$$ABC \geq f$$

em que  $f$  é o custo fixo.

Condição para oferta por parte do monopólio

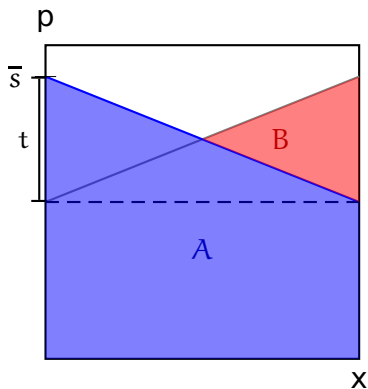
$$ADEF \geq f$$

# Produção de substitutos e super provisão de diversidade

## Um exemplo

- ▶ Cidade linear com comprimento igual a 1.
- ▶ Consumidores homogeneamente distribuídos ao longo da cidade.
- ▶ Cada consumidor escolhe entre consumir uma ou zero unidades do bem.
- ▶  $\bar{s}$  é o valor máximo que eles aceitam pagar por uma unidade, incluindo o custo de transporte.
- ▶ O custo de transporte é  $t$  vezes a distância até a loja.
- ▶ Só é permitido a existência de lojas nos extremos da cidade.
- ▶ Cada loja tem custo fixo  $f$ . O custo variável é zero.
- ▶ Suponha  $\bar{s} \geq 2t$ .

## Exemplo: Solução ótima

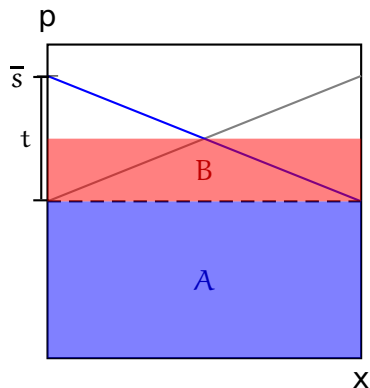


- ▶ A = Excedente bruto com apenas 1 loja.
- ▶ B = Ganho de Excedente bruto com 2 lojas.

Segunda loja se justifica caso  $B \geq f$ , isto é

$$\frac{t}{4} \geq f$$

## Exemplo: Solução de monopólio



- ▶ A = Receita com apenas 1 loja.
- ▶ B = Ganho de receita com 2 lojas.

Monopólio implementa segunda loja caso  $B \geq f$ , isto é

$$\frac{t}{2} \geq f$$

## Exemplo: conclusão

Caso

$$\frac{t}{2} \geq f > \frac{t}{4}$$

um monopolista abrirá a segunda loja, embora isso implique uma redução no excedente social.